

KRYPTOGRAFIA I BEZPIECZEŃSTWO  
WPPT 2002, INFORMATYKA INŻYNIERSKA  
Zadania przygotowawcze na kolokwium nr 1

1. Bolek przechwyił zadania na kolokwium zaszyfrowane metodą one-time pad. Pragnie je sprzedać. Jaka cenę możnaby mu zaoferować? Jakie informacje można odczytać z kryptogramu?
2. Transfer plików zazwyczaj realizuje się przy pomocy szyfrowania hybrydowego. Jednym z celów jest nieszyfrowanie tym samym kluczem dużej porcji danych. Jak ten cel mogą osiągnąć Alicja i Bob do prowadzonej między sobą komunikacji, jeśli mogą korzystać z szyfrowania symetrycznego.
3. MAC (powiedzmy 4 bajtowy) możnaby generować za pomocą dobrego algorytmu blokowego w trybie CBC. Jak?
4. Ciąg pseudolosowy możnaby generować za pomocą dobrego algorytmu blokowego w trybie CBC. Jak?
5. Dlaczego schemat Feistela umożliwia deszyfrowanie bez odwracania funkcji? Wyłumacz na czym polega sztuczka.
6. Efekt lawinowy opisano jako: *zmiana pojedynczego bitu klucza powoduje zmianę każdego bitu kryptogramu*. To prawda czy fałsz? Dlaczego?
7. Co się stanie, gdy w trybie CBC w jednym bloku wystąpi błąd? Ile bloków kryptogramu ulegnie zmianie? Które bloki tekstu jawnego da się poprawnie odczytać?
8. Tryb ECB uzupełniono o „whitening“: tekst jawny  $T$  przed zaszyfrowaniem XOR-uje się z tekstem „Pana Tadeusza“ (zapisanym w ASCII). Czy stanowi to dobrą obronę przed przedstawionym na wykładzie atakiem na ECB?
9. W pewnej aplikacji klucz dla 3-DESa tworzony jest jako  $H(\text{czas sytemowy})$ . zanalizuj złożoność ataku *brute force* na tak tworzone klucze.
10. Kryptoanaliza różnicowa opiera się na efekcie, że jeśli przed XOR-owaniem z podkluczem między dwoma tekstami jest różnica  $R$  to po XOR-owaniu różnica pozostaje taka sama. Aby uniknąć tego ataku zastąpiono XOR z podkluczem 48 bitowym przez dodawanie modulo  $2^{48}$ . Oceń skuteczność takiego podejścia.
11. Napisz automat stanowy dla „ładowalnej karty telefonicznej“. Tj. takiej, która zmniejszałaby saldo pod wpływem impulsów z odpowiedniego automatu telefonicznego i mogłaby być ładowana z odpowiedniego automatu do ładowania. Wybierz odpowiednie metody autoryzacji.
12. Implementując schemat ElGamala parametr  $k$  wybierany jest tak by się nie powtórzył: najpierw  $i$  potem  $i+1$ ,  $i+2$  itd. Czy jest to bezpieczny sposób? Uzasadnij wskazując atak bądź jakiś dowód bezpieczeństwa.
13. Pokazać, że dla  $x, y < n$   $x, y$  względnie pierwszych z  $n$ ,  $x \cdot y \bmod n$  jest też względnie pierwsze z  $n$ .
14. Dla  $n = pq^2$ ,  $p, q$  - pierwsze, policzyć ile jest liczb naturalnych  $x < n$  względnie pierwszych z  $n$ .
15. Kod MAC dołączony do tekstu nie realizuje wszystkich funkcji podpisu własnoręcznego. Wymień te funkcje, które spełnia i te których nie spełnia. Uzasadnij krótko dla każdej funkcji.
16. Dla schematu podpisów z wykorzystaniem RSA z  $n$  1024-bitowym oraz z hashowaniem 160 bitowym: jakie jest prawdopodobieństwo, że losowo wybrany ciąg jest podpisem Alicji? (pod jakimkolwiek dokumentem)